

Guía de Aprendizaje – Información al estudiante

Datos Descriptivos

ASIGNATURA:	Geometría Diferencial
MATERIA:	Geometría y Topología
CRÉDITOS EUROPEOS:	6
CARÁCTER:	Obligatoria UPM
TITULACIÓN:	Grado en Matemáticas e Informática
CURSO/SEMESTRE	5° semestre
ESPECIALIDAD:	

CURSO ACADÉMICO		2012-2013				
PERIODO IMPARTICION	,	Septiembre- Enero Fel		Febro	rero - Junio	
I LIGIODO IIIII ARTICION		Х				
IDIOMA IMPARTICIÓN	Só	lo castellano	Sólo	inglés	Ambos	
IDIOMA IMI AKTIOION		Х				

DEPARTAMENTO:	Matemática Aplicada (Facultad de Informática)				
PROFESORADO					
NOMBRE Y APELLIDO (C	= Coordinador)	DESPACHO	Correo electrónico		
Emilio Torrano Giménez (C)		1320	emilio@fi.upm.es		
Carmen Escribano Iglesias		1303	cescribano@fi.upm.es		
Antonio Giraldo Carbajo		1302	agiraldo@fi.upm.es		
Gregorio Hernández Peñalve	r	1306	gregorio@fi.upm.es		

CONOCIMIENTOS PREVIOS REQUERIDOS PARA PODER SEGUIR CON NORMALIDAD LA ASIGNATURA				
	Álgebra Lineal			
ASIGNATURAS	Cálculo I			
SUPERADAS	Cálculo II			
OTROS				
RESULTADOS DE				
APRENDIZAJE				
NECESARIOS				

Objetivos de Aprendizaje

	COMPETENCIAS Y NIVEL ASIGNADAS A LA ASIGNATURA	
Código	COMPETENCIA	NIVEL
CG01	Capacidad de resolución de problemas aplicando conocimientos de matemáticas, ciencias e ingeniería.	3
CG02	Capacidad para el aprendizaje autónomo y la actualización de conocimientos, y reconocimiento de su necesidad en las áreas de la matemática y la informática.	3
CG03	Saber trabajar en situaciones carentes de información y bajo presión, teniendo nuevas ideas, siendo creativo.	3
CG04	Capacidad de gestión de la información.	3
CG05	Capacidad de abstracción, análisis y síntesis.	3
CG06	Capacidad para trabajar dentro de un equipo, organizando, planificando, tomando decisiones, negociando y resolviendo conflictos, relacionándose, y criticando y haciendo autocrítica.	3
CG08	Capacidad de comunicarse de forma efectiva con los compañeros, usuarios (potenciales) y el público en general acerca de cuestiones reales y problemas relacionados con la especialización elegida.	3
CG10	Capacidad para usar las tecnologías de la información y la comunicación.	3

CE01	Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Conocer demostraciones de teoremas clásicos. Comprender las definiciones de objetos matemáticos y ser capaz de plantear nuevas definiciones. Poder enunciar resultados y construir demostraciones, detectar	А
	errores en ellas o encontrar contraejemplos.	
CE02	Ser capaz de extraer de un objeto matemático aquellas propiedades fundamentales que lo caracterizan, distinguiéndolas de aquellas otras ocasionales compartidas con otros objetos matemáticos.	А
CE03	Ser capaz de plantear modelos matemáticos para problemas reales, utilizando para resolverlos las herramientas necesarias, interpretando la solución en los mismos términos en que estaba planteado el problema.	A
CE04	Comprender y ser capaz de encontrar soluciones a problemas matemáticos en diferentes áreas, utilizando para resolverlos las herramientas analíticas, numéricas o estadísticas disponibles.	А
CE05	Utilizar herramientas informáticas (de cálculo simbólico, de análisis estadístico, de cálculo numérico, de visualización,) para resolver problemas planteados en términos matemáticos, bien de forma experimental, bien de forma rigurosa.	А
CE06	Diseñar algoritmos y desarrollar programas para resolver problemas en matemáticas.	А
CE08	Formalización y especificación de problemas reales cuya solución requiere el uso de la informática.	А
CE09	Capacidad de elegir y usar los métodos analíticos y de modelización relevantes, y de describir una solución de forma abstracta.	А
CE18	Asimilar y manejar los principales conceptos del Álgebra Lineal y de las Geometrías Afín y Euclídea.	А
CE20	Conocer y saber utilizar los conceptos básicos de la Topología. Usar el Cálculo Diferencial e Integral y la Topología para el estudio de curvas y superficies.	А
CE43	Capacidad para trabajar de forma efectiva como individuo, organizando y planificando su propio trabajo, de forma independiente o como miembro de un equipo.	a

Código	RESULTADOS DE APRENDIZAJE DE LA ASIGNATURA
RA1	Reconocer la naturaleza de los puntos de una curva en R3. Cálculo de curvatura y torsión.
RA2	Reconocer la naturaleza de los puntos de una superficie en R3. Cálculo de la curvatura de Gauss, curvatura media y curvaturas principales.
RA3	Aplicar las integrales de línea y superficie para reconocer algunas propiedades globales de curvas y superficies.
RA4	Modelar matemáticamente problemas reales y conocer las técnicas para resolverlos.
RA5	Utilizar diversas técnicas para la resolución de problemas con ayuda de software matemático.

Contenidos y Actividades de Aprendizaje

CONTENIDOS ESPECÍFICOS (TEMARIO)				
TEMA / CAPITULO	APARTADO	Indicadores Relacionad os		
	1.1.Representación analíticas	I1		
	1.2 Plano osculador. Triedo de Frenet. Aplicaciones	I1		
	1.3 Curvatura. Centro y radio de curvatura.	12		
Tema1.	Circunferencia Osculatriz. Evoluta y evolvente.	12		
Curvas	1.4 Torsion. Esfera osculatriz	12		
parametrizadas	1.5 Movimientos rígidos y giros.	13		
diferenciables.	1.6 Fórmulas de Frenet-Serret	14		
	1.7 Ecuación Intrinseca. Teorema Fundamental	14		
	1.8 Curvas derivadas:envolvente, caústica, pedal.	12		
	2.1. Expresión analítica. Curvas coordenadas	15		
	2.2 Normal y plano tangente. Triedro móvil. Aplicaciones	16		
	2.3 Elementos de área y línea sobre la superficie	15		
	2.4 Primera forma cuadrática fundamental. Propiedades	15		
	2.5 Angulo de dos curvas. Sistema ortogonal.	I 5		
Tema 2. Teoría elemental de	2.6 Algunos tipos de superficies; regladas, desarrollables, desarrollable tangencial, de revolución, tubular, de traslación, etc.,	19		
superficies	2.7 Envolvente de una familia de superficies	19		
	2.8 Curvatura normal. Segunda forma cuadrática fundamental. Direcciones asintóticas.	16		
	2.9 Teorema de Meusnier. Direcciones principales. Líneas de curvatura	16		
	2.10 Curvaturas principales. Curvatura media y curvatura de Gauss	17		
	2.11 Líneas de curvatura y curvas coordenadas.	17		
	2.12 Teorema de Euler. Indicatriz de Dupín. Líneas	16		

	asintóticas	
	3.1 Superficies mínimas	19
	3.2 Lineas geodésicas de una superficie	19
Tema 3.	3.3 Símbolos de Christoffel de primera y segunda	
Otros resultados	especie. Ecuaciones de Weingarten, Gauss y	I10
Otros resultados	Mainardi-Codazzi.	
	3.4 Teorema egregium de Gauss y teorema de	l11
	Gauss-Bonet	
Tema 4.	4.1 Splines cúbicos de interpolación.	l12
Aplicaciones	4.2 Representación mediante splines cúbicos	I13
·	cardinales	
gráficas	4.3 Funciones splines bicúbicas	I13

BREVE DESCRIPCIÓN DE LAS MODALIDADES ORGANIZATIVAS **UTILIZADAS Y METODOS DE ENSEÑANZA EMPLEADOS CLASES DE TEORIA** Método expositivo **CLASES** Resolución de ejercicios y problemas. Aprendizaje basado en problemas **PROBLEMAS** Aprendizaje basado en problemas con ayuda de software **PRACTICAS** matemático **TRABAJOS** Estudio de conceptos y resolución de ejercicios y problemas **AUTONOMOS TRABAJOS EN** Resolución de ejercicios y problemas; prácticas de laboratorio **GRUPO**

Atención personalizada a los alumnos

TUTORÍAS

RECURSOS DIDÁCTICOS				
	Dirk J. Struik, <i>Geometría Diferencial Clásica</i> , Ed. Aguilar 1966			
	M. Lipschutz. <i>Differential Geometry</i> (Schaum's Outline), McGraw-Hill, 1969			
	A. Fedenko. <i>Problemas de Geometría Diferencial</i> , Ed. Mir, 1981			
	Su Bu-Quing and Liu Ding-Yuan, Computational Geometry,			
	Curve and Surface Modeling, Academic Press Inc., Boston 1989			
	Manfredo P. do Carmo, Geometría de Curvas y Superficies,			
	Alianza Universidad Textos, Madrid 1990			
BIBLIOGRAFÍA	Alfred Gray, Modern Differential Geometry of Curves and			
	Surfaces, CRC Press, Boca Ratón, FL, 1993			
	Antonio López y Agustín de la Villa, Geometría Diferencial,			
	Clagsa 1997.			
	A. F. Costa, J. M. Gamboa. <i>Ejercicios de Geometría</i>			
	diferencial de curvas y superficies, Sanz y Torres, 1998			
	Barrett O'Neill, <i>Elementary Differential Geometry</i> , 2006			
	John Oprea, Differential Geometry and Its Applications, MAA, 2009			
	Thomas F. Banchoff y Stephen T. Lovett, <i>Differential</i>			
	Geometry of Curves and Surfaces, 2010			
	A.N. Pressley , <i>Elementary Differential Geometry</i> , Springer			
	Undergraduate Mathematics Series, 2010			
RECURSOS WEB	http://www.dma.fi.upm.es			
	https://web3.fi.upm.es/AulaVirtual/			
EQUIPAMIENTO	Aula			
LGO!! AIMENTO	Aula Informática			

Cronograma de trabajo de la asignatura

Semana	Actividades Aula	Laboratorio	Trabajo Individual	Trabajo en	Actividades	Otros
				Grupo	Evaluación	
Semanas	Explicación de contenidos	Realización de	Estudio y resolución de		Entrega de tareas y	
13670111315	teóricos y resolución de	prácticas con	ejercicios propuestos		prácticas	
CT'CT'TT'C','C'C'T	ejercicios (3 h/semana)	ordenador	(- : 0 : : 0) - 1 - 1 /			
(12 h/semana)		(2 h/semana)	(5 n/semana)			
Semanas	Explicación de contenidos		Estudio y resolución de		Entrega de tareas y	
2,4,6,10,12,14	teóricos y resolución de		ejercicios propuestos		prácticas	
(12 h/semana)	ejercicios (5 h/semana)		(5 h/semana)			
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	Explicación de contenidos		Estudio y resolución de		Examen parcial	
Semands 6,10	teóricos y resolución de		ejercicios propuestos		(2 horas/semana)	
(12 h/semana)	ejercicios (5 h/semana)		(5 h/semana)			

Sistema de evaluación de la asignatura

	EVALUACION	
Ref	INDICADOR DE LOGRO	Relacionado con RA:
l1	Saber determinar la tangente, la normal y la binormal de una curva en el epacio.	RA1,RA5
12	Saber calcular la curvatura y la torsión, el radio de curvatura, la evoluta , la circunferencia osculatriz y la esfera osculatriz.	RA1,RA5
13	Conocer los movimientos y los giros	RA1,RA4, RA5
14	Saber determinar las ecuaciones de Frenet-Serret y la ecuación intrínseca de una curva	RA2,RA5
15	Saber calcular los coeficientes de la primera forma E,F,G.	RA2,RA5
16	Saber determinar los coeficientes de la segunda forma e,f,g,	RA2,RA5
17	Saber calcular la curvatura gaussiana K y la curvatura media M	RA2,RA3, RA5
18	Conocer los distintos tipos de superficies	RA2, RA3
19	Saber caracterizar cuando una superficie es desarrollable o mínima.	RA5
I10	Saber calcular los símbolos de Christoffel de primera y segunda especie.	RA5
l11	Conocer el teorema egregium de Gauss y el teorema de Gauss- Bonnet	RA3
l12	Saber calcular el splines cúbico de interpolación de un conjunto de puntos del plano, bien con m_{0} y m_{n}, o M_{0} y M_{n} como condiciones de frontera.	RA4,RA5
I13	Saber determinar las funciones splines bicúbicas	RA4,RA5

La tabla anterior puede ser sustituida por la tabla de rúbricas.

EVALUACION SUMATIVA			
BREVE DESCRIPCION DE LAS ACTIVIDADES EVALUABLES	MOMENTO	LUGAR	PESO EN LA CALIFICACIÓN
Tareas de clase, ejercicios entregados etc.,	continuo	Clase	15%
Ejercicios con ordenador	continuo	Laboratorio	15%
Primer parcial	En medio del semestre	Clase o aula de evaluación	35%
Segundo parcial	Al final del semestre		35%

CRITERIOS DE CALIFICACIÓN

Convocatoria ordinaria

Sistema general de evaluación continua

Las actividades evaluables son las especificadas en la tabla del apartado anterior (evaluación sumativa), cada una de ellas puntuable de 0 a 10. La nota de la asignatura se calcula según los pesos fijados en dicha tabla, y se considera aprobada la asignatura cuando se obtiene una nota mayor o igual que 5 sobre 10.

Sistema de evaluación mediante sólo prueba final

El alumno que desee seguir el sistema de evaluación mediante sólo prueba final, deberá comunicarlo por escrito al coordinador de la asignatura en el plazo de dos semanas a contar desde el inicio de la actividad docente de la asignatura.

Este sistema de evaluación mediante sólo prueba final, consistirá en la realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará todo el temario de la asignatura, puntuable de 0 a 10.

Se considera aprobada la asignatura cuando se obtiene una nota mayor o igual que 5 sobre 10.

Convocatoria extraordinaria de julio

Consistirá en la realización de una prueba de respuesta larga (desarrollo) que abarcará todo el temario de la asignatura, puntuable de 0 a 10.

Se considera aprobada la asignatura cuando se obtiene una nota mayor o igual que 5 sobre 10.